

فرض مراقبة عدد 5



الاسم النقب الرقم

تمرين عدد 1 (4ن)

لكل مقترح هناك إجابة واحدة صحيحة ضع عليها العلامة (x) في الخانة المناسبة

المقترح	الإجابة (1)	الإجابة (2)	الإجابة (3)
مجموعة الحلول المعادلة التالية $x - \frac{3x-3}{4} = \frac{x+3}{4}$	$S_Q = \{0\}$	$S_Q = Q$	$S_Q = \{-2\}$
في رباعي ضلعان متتاليان متقايسان و القطران متعامدان وله زاوية قائمة فهو	معين	مستطيل	لا نستطيع الاستنتاج
$\hat{AOB} = 140^\circ$ مستطيل ABCD	$\hat{OBC} = 35^\circ$	$\hat{OBC} = 30^\circ$	$\hat{OBC} = 70^\circ$
$\hat{ADB} = 30^\circ$ معين ABCD	$\hat{DAB} = 50^\circ$	$\hat{DAB} = 120^\circ$	$\hat{DAB} = 60^\circ$

تمرين عدد 2 (8)

(I) حل في Q المعادلات التالية

$$1-x = \frac{4x-1}{4} - \frac{2-x}{5}, \quad 8x-2 \times (2x-1) = 7x-4, \quad 4x - \frac{2}{3} = -\frac{7}{4}$$

(II) فك كل من A و B إلى جذا عوامل حيث

$$B = 4x - 2 + (2x - 1)^2 \quad A = (x - 2) \times (3x - 5) + (x + 1) \times (3x - 5)$$

بين أن $A - B = (2x - 1) \times (x - 6)$

أحسب x في الحالات التالية $B=A$ و $B=0$ و $A=0$

تمرين عدد 3 (5ن)

نعتبر متوازي أضلاع ABCD مركزه O

E و F نقطتان من [AC] حيث $AE=FC$

(1) بين أن O منتصف [EF]

(2) بين أن الرباعي EBFD متوازي الأضلاع

(3) (AD) يقطع (BE) في النقطة M و (BC) يقطع (DF) في النقطة N

بين أن DNBM متوازي أضلاع

(4) بين أن $MF=NE$

تمرين عدد 4 (3ن)

ABC مثلثا متقايس الضلعين قمته الرئيسية A و (AI) منتصف الزاوية \hat{BAC} حيث I نقطة من [BC]

بين M منتصف [AC] و D مناظرة I بالنسبة لـ M

(2) بين أن الرباعي AICD مستطيل

(3) استنتج أن DABI متوازي أضلاع

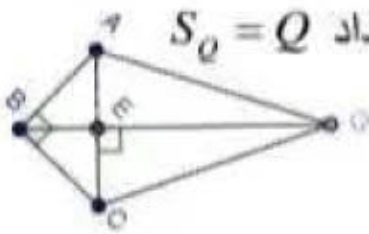
اصلاح فرض مراقبة عدد 5

نجاهني

تمرين عدد 1 (4ن)

(1) الإجابة (2) $x - \frac{3x-3}{4} = \frac{x+3}{4}$ يعني أن $\frac{4x}{4} - \frac{3x-3}{4} = \frac{x+3}{4}$ يعني $\frac{4x - 3x + 3}{4} = \frac{x+3}{4}$

يعني أن $x+3 = x+3$ يعني أن $x-x = 3-3$ أي $0x=0$ أي كل الأعداد $S_Q = Q$ مثال



(3) الإجابة (3) قطرا المستطيل متقايسة $O\hat{B}C = 90^\circ - 20^\circ$; $O\hat{B}A = \frac{180^\circ - 140^\circ}{2} = 20^\circ$

(4) الإجابة (2) المثلث DAB متقايس الضلعين قمته الرئيسية A $\hat{D}AB = 180^\circ - 2 \times 30^\circ = 120^\circ$

$$\frac{20 \times (1-x)}{20} = \frac{5 \times (4x-1)}{5 \times 4} - \frac{4 \times (2-x)}{4 \times 5}$$

$$\frac{20 - 20x}{20} = \frac{20x - 5}{20} - \frac{8 - 4x}{20}$$

$$20 - 20x = 20x - 5 - 8 + 4x$$

$$-20x = 24x - 13 - 20$$

$$-20x - 24x = -33$$

$$-44x = -33 ; x = \frac{-33}{-44} = \frac{3}{4}$$

$$S_Q = \left\{ \frac{3}{4} \right\}$$

$$8x - 2 \times (2x-1) = 7x - 4$$

$$8x - 4x + 2 = 7x - 4$$

$$8x - 4x - 7x = -4 - 2$$

$$-3x = -6$$

$$x = \frac{-6}{-3} = 2$$

$$S_Q = \{2\}$$

تمرين عدد 2 (8)

$$4x - \frac{2}{3} = -\frac{7}{4}$$

$$4x = -\frac{7}{4} + \frac{2}{3}$$

$$4x = -\frac{21}{12} + \frac{8}{12} = \frac{-13}{12}$$

$$x = \frac{-13}{12} = -\frac{13}{12} \times \frac{1}{4} = -\frac{13}{48}$$

$$S_Q = \left\{ \frac{-13}{48} \right\}$$

$$B = 4x - 2 + (2x-1)^2$$

$$B = 2 \times (2x-1) + (2x-1) \times (2x-1)$$

$$B = (2x-1)[2 + (2x-1)]$$

$$B = (2x-1)(2x+1)$$

$$A - B = (2x-1) \times (x-6)$$

$$A = (x-2) \times (3x-5) + (x+1) \times (3x-5)$$

$$A = (3x-5)[(x-2) + (x+1)]$$

$$A = (3x-5)(2x-1)$$

$$A - B = (3x-5)(2x-1)(2x-1)(2x+1)$$

$$A - B = (2x-1)[(3x-5) - (2x+1)]$$

$$S_Q = \left\{ \frac{1}{2}; \frac{5}{3} \right\} \quad (2x-1)=0 \quad (2x-1)=0 \quad (2x+1)=0$$

$$2x=1 ; x=\frac{1}{2} \quad 2x=1 ; x=\frac{1}{2} \quad \text{أو} \quad 2x=-1 ; x=-\frac{1}{2} \quad \text{يعني} \quad A = (3x-5)(2x-1) = 0$$

$$S_Q = \left\{ \frac{1}{2}; \frac{-1}{2} \right\} \quad (2x-1)=0 \quad (3x-5)=0 \quad \text{يعني} \quad B = (2x-1)(2x+1) = 0$$

$$2x=1 ; x=\frac{1}{2} \quad \text{أو} \quad 3x=5 ; x=\frac{5}{3}$$

$$A - B = (2x-1) \times (x-6) = 0 \quad \text{و} \quad B = A \quad \text{يعني} \quad A - B = 0$$

$$(x-6)=0 \quad \text{يعني} \quad \text{أو} \quad (2x-1)=0$$

$$S_Q = \left\{ \frac{1}{2}; 6 \right\}$$

$$; x=6$$

$$2x=1 ; x=\frac{1}{2}$$

تمرين عدد 3 (5)

1) بما أن $ABCD$ متوازي أضلاع مركزه O فإن قطراه يتقاطعا في منتصفهما ومنه O منتصف $[AC]$ E و F ونقطتان من $[AC]$ حيث $AE=FC$ إذن $OA-AE=OC-CF$ أي $OE=OF$ إذن O منتصف $[EF]$

2) لدينا O منتصف $[EF]$ و $[BD]$ إذن الرباعي $EBFD$ متوازي الأضلاع لأن قطراه يتقاطعا في منتصفهما

3) بما أن $ABCD$ متوازي أضلاع فإن أضلاعه المتقابلة متوازية ومنه $(AD) \parallel (BC)$

1) $(MD) \parallel (BN)$ $M \in (AD); N \in (BC)$

بما أن $EBFD$ متوازي أضلاع فإن أضلاعه المتقابلة متوازية ومنه $(FD) \parallel (BE)$

2) $(MB) \parallel (DN)$ $M \in (BE); N \in (FD)$

من 1 و 2 نستنتج أن $DNBM$ متوازي أضلاع

4) بين أن $MF=NE$ نبين أن $MENF$ متوازي أضلاع (يوجد 2 طرق)

ط 1) عبر الأقطار

لدينا $DNBM$ متوازي أضلاع فإن قطراه يتقاطعا في منتصفهما ومنه O منتصف $[MN]$

ونعلم أن O منتصف $[EF]$ إذن الرباعي $ENFM$ متوازي الأضلاع وبالتالي $MF=NE$

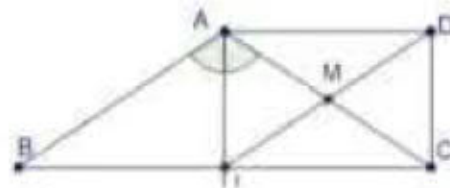
ط 2) عبر ضلعان متقايسان ومتوازيان

لدينا $EBFD$ متوازي أضلاع فإن أضلاعه المتقابلة متوازية ومتقايسة ومنه $FD=EB$ و $(FD) \parallel (BE)$

لدينا $MBND$ متوازي أضلاع فإن أضلاعه المتقابلة متوازية ومتقايسة ومنه $ND=MB$ و $(ND) \parallel (BM)$

أي $BM-BE=DN-DF$ $M \in (BE); N \in (FD)$ و $(ME) \parallel (NF)$ إذن الرباعي $ENFM$ متوازي

الأضلاع وبالتالي $MF=NE$



تمرين عدد 4 (3)

ABC مثلثا متقايس الضلعين ففته الرئيسية A و $[AI]$ منتصف الزاوية BAC إذن $[AI]$ يطابق المتوسط العمودي لـ $[BC]$ ومنه I منتصف $[BC]$ و $(AI) \perp (BC)$

لدينا D مناظرة I بالنسبة لـ M إذن M منتصف $[IC]$ و M منتصف $[AC]$ إذن الرباعي $AICD$ قطراه يتقاطعا في منتصفهما فهو متوازي الأضلاع وله زاوية قائمة فهو مستطيل

3) لدينا $AICD$ مستطيل فإن أضلاعه المتقابلة متوازية ومتقايسة ومنه $AD=IC$ و $AD=IB$

لدينا I منتصف $[BC]$ إذن $IC=IB$ و $I \in (BC)$

إذن $AD=BI$ و $(AD) \parallel (BI)$ ومنه الرباعي $DABI$ متوازي الأضلاع له ضلعان متقايسان ومتوازيان