

4 نقاط

التمرين الأول

ضع علامة X أمام كل إجابة صحيحة :

(1) العدد  $1297321n8$  (  $n$  رقم عشراته ) يقبل القسمة على 8 و 3 إذا كان :

$n = 6$

$n = 8$

$n = 4$

(2)  $x$  و  $y$  و  $z$  أعداد صحيحة نسبية حيث :  $x - y = -19$  و  $y - z = 17$  فإن :

$x < y < z$

$x < z < y$

$z < x < y$

(3)  $a$  و  $b$  عدنان صحيحان نسيبان سالبان حيث  $a < b$  .

أ -  $(O ; I ; J)$  معين متعامد في المستوي .

والنقطتان :  $A(|a - b| ; |a + b|)$  و  $B(b - a ; a + b)$  .  $A$  و  $B$  متناظرتان بالنسبة إلى :

$(OJ)$

$(OI)$

$O$

ب - لتكن العبارة :  $E = |a - b| - |a - 3| + |3 - b|$  . فإن :

$E = 2a - 2b - 6$

$E = 0$

$E = 2b - 2a$

6 نقاط

التمرين الثاني

(1) بين أن العدد  $a = 4^{22} - 3 \times 4^{20}$  يقبل القسمة على 13

(2) أحسب  $b = -2 \times [-5 \times (1 - 8) - 10] - 11$

(3) نعتبر العبارة التالية حيث  $x$  عدد صحيح نسبي  $E = (x - 11) + [4 - (x - 2)] - (8 - x)$

أ) بين أن  $E = x - 13$

ب) أحسب  $E$  في حالة  $x = -10$

ج) أحسب  $x$  في حالة أن  $E$  و 13 متقابلان

## 3 نقاط

## التمرين الثالث

لتكن العبارتين التاليتين حيث  $a$  و  $b$  عددان صحيحان نسبيين

$$B = (a - 1)(b + 2) + b \quad \text{و} \quad A = (a - 1) + a(b + 1)$$

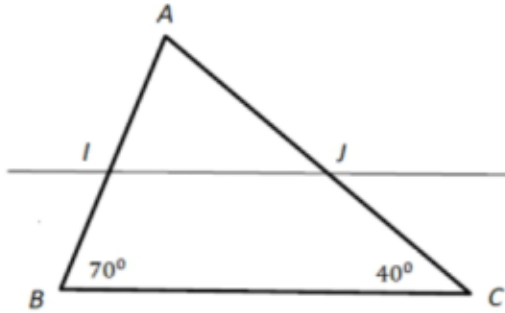
$$(1) \quad \text{بين أن} \quad B = ab + 2a - 2 \quad \text{و} \quad A = ab + 2a - 1$$

(2) أحسب  $A - B$  ثم إستنتج مقارنة للعددين  $A$  و  $B$

## 7 نقاط

## التمرين الرابع

في الرسم المجاور  $ABC$  مثلث حيث:  $\widehat{ACB} = 40^\circ$  و  $\widehat{ABC} = 70^\circ$  و  $(IJ) \parallel (BC)$



(1) أ) بين أن  $\widehat{BAC} = 70^\circ$

ب) إستنتج أن  $AC = BC$

(2) أ) بين أن  $\widehat{AIJ} = 70^\circ$

ب) بين أن  $\widehat{AJI} = 40^\circ$

ج) إستنتج حساب  $\widehat{IJC}$

(3) إبن منتصف الزاوية  $\widehat{IJC}$  الذي يقطع  $(BC)$  في  $O$ . بين أن  $(AB) \parallel (OJ)$



نَحْنِي

(2)  $x < y$  ..... يعني  $x - y = -19 < 0$

$y > z$  ..... يعني  $y - z = 17 > 0$

و لندبنا:  $(x - y) + (y - z) = -19 + 17$

..... يعني  $x - \cancel{y} + \cancel{y} - z = -2$

..... يعني  $x - z = -2 < 0$

..... يعني  $x < z$

اذن:  $x < z < y$

(3)  $a < b$  و  $a$  و  $b$  سالبان

.....  $A(|a - b|; |a + b|)$  و  $B(b - a; a + b)$

بما ان  $a < b$  اذن  $a - b < 0$  يعني  $|a - b| = -(a - b) = b - a$

و بما ان  $a, b \in \mathbb{Z}$  اذن  $a + b \in \mathbb{Z}$  يعني  $|a + b| = a + b$

$A$  و  $B$  لهما نفس الفاعلة  $b - a$  و نرا انيبيعا على التوالي  $(a + b)$  و  $a + b$

2

ضع علامة X أمام كل إجابة صحيحة:

(1) العدد  $1297321n8$  (  $n$  رقم عشراته ) يقبل القسمة على 8 و 3 إذا كان:

$n = 6$         $n = 8$         $n = 4$

(2)  $x$  و  $y$  و  $z$  أعداد صحيحة نسبية حيث:  $x - y = -19$  و  $y - z = 17$  فإن:

$x < y < z$         $x < z < y$         $z < x < y$

(3)  $a$  و  $b$  عدنان صحيحان نسبيان سالبان حيث  $a < b$ .

ا -  $(O; I; J)$  معين متعامد في المستوي.

والنقطتان:  $A(|a - b|; |a + b|)$  و  $B(b - a; a + b)$  متناظرتان بالنسبة إلى:

$O$         $(OI)$         $(OJ)$

ب - لتكن العبارة:  $E = |a - b| - |a - 3| + |3 - b|$  فإن:

$E = 2a - 2b - 6$         $E = 0$         $E = 2b - 2a$

(1) في حالة:  $n = 6$ : العدد  $129732168$  يقبل القسمة على 8 لأن  $168$  يقبل

القسمة على 8 ( $168 = 8 \times 21$ ) و يقبل القسمة على 3 لأن مجموع أرقامه يساوي

39 من مضاعفات 3

1

## التمرين الثاني

$$a = 4^{22} - 3 \times 4^{20} \quad (1)$$

$$= 4^{20} \times 4^2 - 3 \times 4^{20}$$

$$= 4^{20} \times (4^2 - 3)$$

$$= 4^{20} \times (16 - 3)$$

$$= 4^{20} \times 13$$

اذن  $a$  يقبل القسمة على 13

$$b = -2 \times [-5 \times (1 - 8) - 10] - 11 \quad (2)$$

$$= -2 \times [-5 \times (-7) - 10] - 11$$

$$= -2 \times [35 - 10] - 11$$

$$= (-2 \times 25) - 11$$

$$= -50 - 11$$

$$= -61$$

4

متتالفة... اذن:  $A$  و  $B$  متناظران بالنسبة الى (OI)

$$E = |a - b| - |a - 3| + |3 - b| \quad \text{ب-}$$

لدينا:  $a < b$  اذن  $a - b < 0$  يعني  $|a - b| = -(a - b) = b - a$

ولدينا:  $a \in \mathbb{Z}$  اذن  $a - 3 < 0$  يعني  $|a - 3| = -(a - 3) = 3 - a$

ولدينا:  $b \in \mathbb{Z}$  اذن  $b \in \mathbb{Z} +$  و بالتالي  $3 - b \in \mathbb{Z} +$  يعني:

$$|3 - b| = 3 - b$$

$$E = |a - b| - |a - 3| + |3 - b|$$

$$= (b - a) - (3 - a) + (3 - b)$$

$$= \cancel{b} - a - 3 + a + 3 - \cancel{b}$$

$$= 0$$

3



## التمرين الثالث

$$\textcircled{1} A = (a-1) + a(b+1) \quad (1)$$

$$= a - 1 + (a \times b) + (a \times 1)$$

$$= a - 1 + ab + a$$

$$= ab + a + a - 1$$

$$A = ab + 2a - 1 \quad \text{واذن:}$$

$$\textcircled{2} B = (a-1)(b+2) + b$$

$$= (a \times b) + (a \times 2) - (1 \times b) - (1 \times 2) + b$$

$$= ab + 2a - b - 2 + b$$

$$B = ab + 2a - 2 \quad \text{واذن:}$$

$$A - B = (ab + 2a - 1) - (ab + 2a - 2) \quad (2)$$

$$= ab + 2a - 1 - ab - 2a + 2$$

$$= -1 + 2$$

$$= 1$$

6

$$E = (x-11) + [4 - (x-2)] - (8-x) \quad (3)$$

$$= x - 11 + [4 - x + 2] - 8 + x$$

$$= \cancel{x} - 11 + 4 - \cancel{x} + 2 - 8 + x$$

$$= x + 4 + 2 - 11 - 8$$

$$= x + 6 - 19$$

$$E = x - 13 \quad \text{واذن:}$$

$$: x = -10 \quad (\text{ب})$$

$$E = x - 13$$

$$= -10 - 13$$

$$= -23$$

$$E + 13 = 0 \quad \text{يعني } E \text{ و } 13 \text{ متقابلان يعني}$$

$$x - 13 + 13 = 0 \quad \text{يعني}$$

$$x = 0 \quad \text{يعني}$$

5

(ب) لدينا  $(IE) \parallel (BC)$  و  $(AC)$  قاطع لهما. الزاويتان  
 $\hat{A}I = \hat{A}CB = 40^\circ$  منماثلتان، إذن:

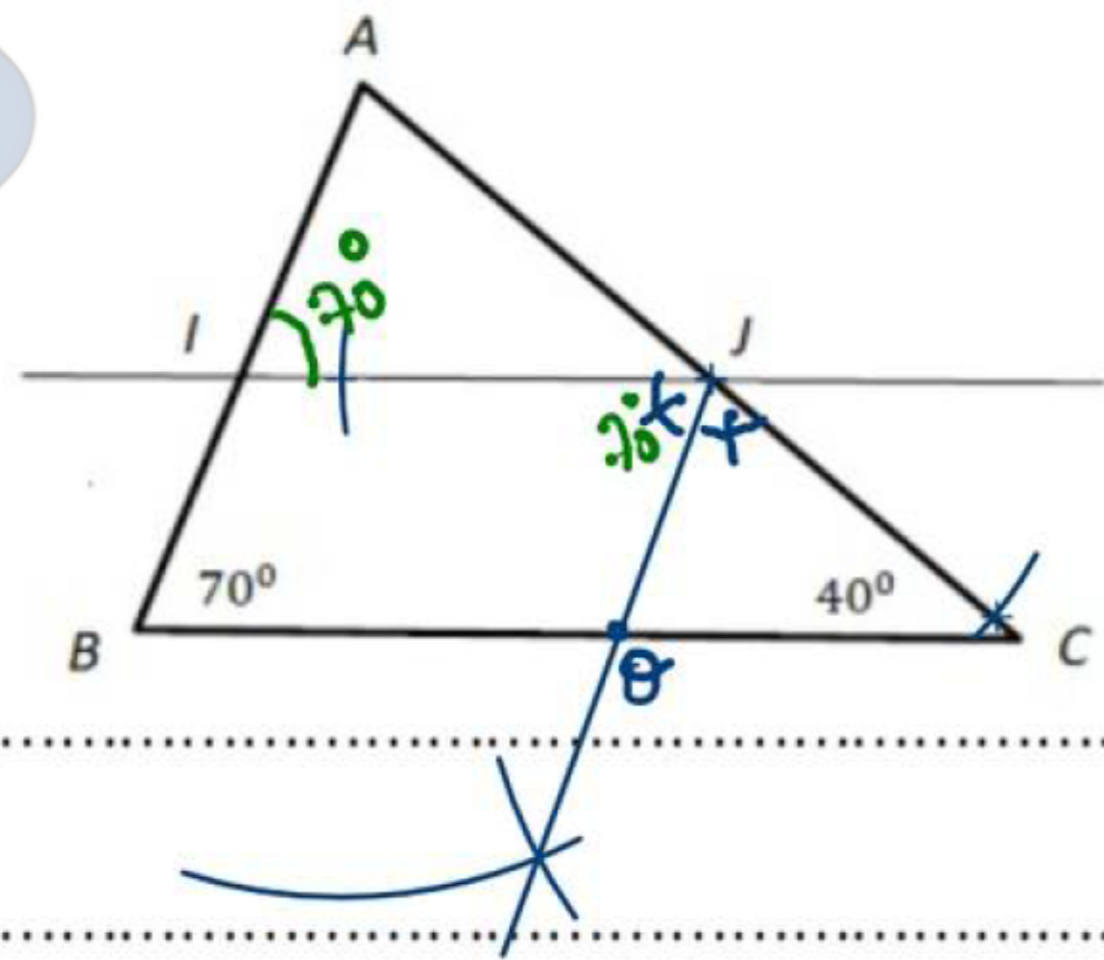
(ج) لدينا:  $\hat{A}I + \hat{I}C = \hat{A}C$

يعني  $\hat{I}C = \hat{A}C - \hat{A}I$

يعني  $\hat{I}C = 180^\circ - 40^\circ$

يعني  $\hat{I}C = 140^\circ$

(3)



لدينا  $(IO)$  منصف الزاوية  $\hat{I}C$ ، إذن:  $\hat{I}O = \hat{C}O = \frac{140^\circ}{2} = 70^\circ$

الزاويتان  $\hat{A}IO$  و  $\hat{I}CO$  متبادلتان، إذ خليا بالنسبة إلى  $(IO)$  و متقابلتان

(8) إذن:  $(IO) \parallel (AB)$  ( $\hat{I}O = \hat{A}IO = 70^\circ$ )

لدينا  $A - B = 1 > 0$

إذن:  $A > B$

### التمرين الرابع

(1) في المثلث  $ABC$  لدينا:

$\hat{B}AC + \hat{A}BC + \hat{A}CB = 180^\circ$

يعني  $\hat{B}AC = 180^\circ - (\hat{A}BC + \hat{A}CB)$

يعني  $\hat{B}AC = 180^\circ - (70^\circ + 40^\circ)$

يعني  $\hat{B}AC = 180^\circ - 110^\circ$

يعني  $\hat{B}AC = 70^\circ$

(ب) لدينا  $\hat{B}AC = \hat{A}BC = 70^\circ$ ، إذن المثلث  $ABC$  متقايس

المثلثين فممة التريسية  $C$  وبالتالي  $AC = BC$

(2) لدينا  $(IE) \parallel (BC)$  و  $(AB)$  قاطع لهما. الزاويتان  $\hat{A}IE$

و  $\hat{A}BC$  متماثلتان، إذن:  $\hat{A}IE = \hat{A}BC = 70^\circ$

7