

التمرين الأول

أجب بصواب أو خطأ

- (1) العدد $1234a32$ حيث الرقم a زوجي ، يقبل القسمة على 8
- (2) إذا كان x عددا صحيحا نسبيا حيث $|-x + 1| = 4$ يعني $x = -3$ أو $x = 3$
- (3) $\left\{-1; \frac{11223344}{8}; 0\right\} \notin \mathbb{Z}$
- (4) $-17 - 11 - |-17| = -11$
- (5) العدد $2016 - 10^{2016}$ يقبل القسمة على 8
- (6) كل عدد يقبل القسمة على 3 و 6 يقبل القسمة على 18
- (7) $\{1,5; |-4|; -\sqrt{9}\} \notin \mathbb{Z}$
- (8) العدد $5^{73} - 5^{71}$ يقبل القسمة على 8
- (9) جداء كل عددين زوجيين متتالين ، يقبل القسمة على 8
- (10) إذا كان x عددا صحيحا نسبيا سالبا و y عددا صحيحا نسبيا موجبا فإن $|y - x| = y - x$
- (11) العددان $14 - |-7|$ و $-14 - (-7)$ هما عددان متقابلان
- (12) ليكن x و y عددين صحيحين نسبيين حيث $x < y$ و $A = 2x + 3 - y$ و $B = 7 + y$ فإن $A > B$
- (13) العدد $2018 - 8^{2017}$ يقبل القسمة على 8
- (14) جداء كل عددين زوجيين متتالين هو عدد يقبل القسمة على 8
- (15) كل رباعي محدب به زاويتان متتاليتان متكاملتان هو شبه منحرف
- (16) إذا كان x عددا صحيحا سالبا فإن $|-3x + 5| = 5 - 3x$
- (17) $(x + 3)(x - 3) - x - 3 = (x - 3)(x + 2)$
- (18) لتكن x و y و z ثلاثة أعداد صحيحة نسبية حيث $x < y < z$ فإن $|2x - y - z| = y + z - 2x$
- (19) x و y عددان صحيحان سالبان حيث $|x| < |y|$ و $A = 2(x + 3) - y$ و $B = 4 + y$ فإن $A > B$

التمرين الثاني

يلي كل سؤال من أسئلة هذا التمرين ثلاث إجابات ، إحداهما فقط صحيحة.

اكتب على ورقة تحريرك ، في كل مرة ، رقم السؤال و الإجابة الصحيحة الموافقة له.

- (1) ليكن x و y عددين صحيحين نسبيين حيث $x < y$ فإن الكتابة $|x - y - 11|$ تساوي
أ / $x + y + 11$ ب / $y - x + 11$ ج / $x - y - 11$
- (2) تفكيك العبارة $A = (2x + 8)(x - 4) - 3x - 12$ إلى جداء عوامل هو
أ / $(x - 4)(2x + 5)$ ب / $(x + 4)(2x - 11)$ ج / $(x - 4)(2x - 11)$
- (3) العدد 639541123680 يقبل القسمة على
أ / 8 و 25 ب / 3 و 4 ج / 2 و 9
- (4) القواسم الأولية للعدد $5^{103} - 2 \times 5^{100}$ هي
أ / 5 و 2 ب / 5 و 123 ج / 5 و 3 و 41
- (5) إذا كان x و y و z ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث $z - y = 1$ و $z - x = -1$ فإن :
أ / $x < y < z$ ب / $4y < x < z$ ج / $y < z < x$
- (6) ليكن a عددا صحيحا نسبيا فإن مقابل العدد $a - 2$ هو :
أ / $a + 2$ ب / $-a - 2$ ج / $2 - a$

7) إذا كان باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي a على 8 هو 3 و باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي b

على 8 هو 5 فإن باقي القسمة الإقليدية للعدد $a + b$ على 8 هو أ / ب / ج / د 0

8) العدد $1234a5b$ حيث a و b رقمان ، يقبل القسمة على 8 و 9 إذا كان

أ / $a = 4$ و $b = 6$ ب / $a = 3$ و $b = 0$ ج / $a = 1$ و $b = 2$

9) الفرق بين مربعي عددين فرديين متتالين ، يقبل القسمة على أ / 8 ب / 5 ج / 3

10) إذا كان x عددا صحيحا نسبيا سالبا فإن $|2 - x| - 2$ يساوي أ / x ب / $4 - x$ ج / $(-x)$

11) a و b عدنان صحيحان طبيعيان حيث $a + b = 64$ و $a + b = 8$ ق.م.أ. $(a; b)$ و $a < b$.

عدد الأزواج (a, b) هو أ / 2 ب / 3 ج / 4

12) الأعداد الصحيحة النسبية التي تحقق : $3 - |5 - x| = 1$ هي أ / 3 و (-3) ب / 3 و 7 ج / 7 و (-3)

13) ليكن x و y عددين صحيحين سالبين حيث $|x| < |y|$ و z عدد صحيح نسبي حيث $x - z = -4$ فإن :

أ / $x < y < z$ ب / $y < x < z$ ج / $y < z < x$

14) القيمة العددية للعبارة $A = y(2 - 3x) - (3 - y)$ في حالة $x = 2$ و $y = -3$ هي :

أ / 12 ب / -6 ج / 6

15) تفكك العبارة $A = xy - x - y + 1$ إلى جداء عوامل هو

أ / $x(y - 1) - (y + 1)$ ب / $(y + 1)(x - 1)$ ج / $(y - 1)(x - 1)$

16) ليكن x و y عددين صحيحين سالبين حيث $|x| < |y|$ فإن الكتابة $|x - y + 5|$ تساوي

أ / $x + y + 5$ ب / $x - y + 5$ ج / $y - x - 5$

17) تفكك العبارة $A = (2x + 4)(x - 2) - x - 2$ إلى جداء عوامل هو

أ / $(x - 2)(2x - 3)$ ب / $(x + 2)(2x - 5)$ ج / $(x - 2)(2x + 3)$

التمرين الثاني

نعتبر المجموعتين : $B = \{2; -5; -11\}$ و $A = \{-(-5); -(+13); -|-11|; \frac{777888112}{8}; -\sqrt{25}\}$

1) حدد عناصر المجموعات التالية : أ / $A \cap \mathbb{Z}_-$; $A \cap B$; $A \cup B$; $B \cap \mathbb{Z}$

ب / $E = \{x \in A \text{ حيث } |x| = 5\}$

2) أتم بأحد الرموز التالية : \in أو \notin أو \subset أو \supset : $-|-3| \dots \mathbb{Z}_+$; $B \dots \mathbb{Z}_-$; $5 \dots A$; $B \dots A$; $A \dots \mathbb{Z}$

II

نعتبر المجموعتين : $B = \{-3; 2; 0; \sqrt{49}\}$ و $A = \{-3; 2; 0; -5; \frac{4}{3}; \frac{15}{3}; \sqrt{49}\}$

1) حدد عناصر المجموعات التالية : أ / $A \cap \mathbb{Z}_-$; $A \cap B$; $A \cup B$; $B \cap \mathbb{Z}$

ب / $E = \{x \in A \text{ حيث } |x| = 5\}$; $F = \{x \in B \text{ حيث } |x| < 5\}$

2) أتم بأحد الرموز التالية : \in أو \notin أو \subset أو \supset

$A \dots \mathbb{Z}$; $B \dots A$; $7 \dots A$; $B \dots \mathbb{Z}_+$; $2, 4 \dots \mathbb{Z}_+$; $\frac{58272}{8} \dots \mathbb{Z}$

III

نعتبر المجموعتين : $B = \{-7; -8; 0; -4\}$ و $A = \{-3; -4; 0; -7; \frac{4}{3}; \frac{43058376}{72}; \sqrt{16}\}$

1) حدد عناصر المجموعات التالية : أ / $A \cap \mathbb{Z}_+$; $A \cap B$; $A \cup B$; $B \cap \mathbb{Z}$

ب / $E = \{x \in A \text{ حيث } |x| = 4\}$; $F = \{x \in B \text{ حيث } |x| < 5\}$

2) أتم بأحد الرموز التالية : \in أو \notin أو \subset أو \supset : $\frac{5}{4} \dots \mathbb{Z}_+$; $B \dots \mathbb{Z}_-$; $4 \dots A$; $B \dots A$; $A \dots \mathbb{Z}$

3) جد العدد الصحيح النسبي x ان أمكن ذلك في كل حالة من الحالات التالية:

أ / $|x| = 12$ ب / $|x| = -|-4|$ ج / $|x| = |-5|$ د / $309 + [(-178) + x] = 0$

التمرين الخامس (وحدة قياس الطول هي الصم)

1) أ/ ارسم مثلثا ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A حيث $AB=AC=5$ و $\widehat{BAC} = 30^\circ$
ب/ احسب \widehat{ABC}

2) أ/ ابن النقطة D مناظرة C بالنسبة إلى A
ب/ بين أن المثلث ABD متقايس الضلعين قمته الرئيسية A
ج/ بين أن المثلث BCD قائم الزاوية في B

3) لتكن O منتصف [BC]
أ/ ابن المستقيم Δ مناظر (AB) بالنسبة إلى O .
ب/ بين أن C تنتمي إلى Δ

4) المستقيم Δ يقطع (AO) في E و المستقيم Δ يقطع (BD) في F
أ/ بين أن E مناظرة A بالنسبة إلى O
ب/ احسب \widehat{BCE}

5) بين أن F مناظرة D بالنسبة إلى B

التمرين السادس (وحدة قياس الطول هي الصم)

1) ارسم مثلثا ABO متقايس الأضلاع حيث $AO = 5$

2) أ/ ابن النقطتين C و D مناظرتي A و B على التوالي بالنسبة إلى O
ب / احسب CD

ج/ احسب \widehat{OAD} ثم استنتج أن الرباعي ABCD مستطيل
3) لتكن I منتصف [BO]

أ/ المستقيم Δ المار من O و الموازي لـ (AB) يقطع (CB) في E و يقطع (AD) في F
بين أن المستقيمين (AB) و (OE) متناظران بالنسبة إلى I

ب/ حدد مناظرة [BO ; BA] بالنسبة إلى I

ج/ استنتج أن [OE] منصف [OB ; OC]

4) لتكن Γ الدائرة التي مركزها E و تمر من O

أ/ حدد مركز و شعاع الدائرة Γ مناظرة Γ بالنسبة إلى O

ب/ بين أن E منتصف [BC]

ج/ استنتج أن A مناظرة D بالنسبة إلى F

التمرين الأول (وحدة قياس الطول هي الصم)

- (1) ارسم مثلثا ABC حيث $AB = 6$ و $AC = 3$ و $\widehat{BAC} = 80^\circ$ و لتكن I منتصف [AB]
- (2) أ/ ابن $[Ax]$ منتصف الزاوية \widehat{BAC} . المستقيم (Ax) يقطع (BC) في E
ب/ بين أن المثلثين AIE و AEC متقايسان
ج/ استنتج أن (AE) هو الوسط العمودي لـ [CI]
- (3) المستقيم (IE) يقطع المستقيم (AC) في F .
أ/ بين أن المثلثين BEI و CEF متقايسان
ب/ استنتج أن النقطة F مناظرة A بالنسبة إلى C
ج/ بين أن $(IC) \parallel (BF)$

التمرين الثاني (وحدة قياس الطول هي الصم)

- (1) ارسم مثلثا ABC حيث $BC = 3$ و $AB = 6$ و $\widehat{ABC} = 30^\circ$
ب/ ابن المستقيم Δ الوسط العمودي للقطعة [AB] . Δ يقطع (AB) في I و (AC) في M
ج/ احسب \widehat{BCI}
- (2) أ/ ابن النقطة D مناظرة C بالنسبة إلى I
ب/ احسب AD ج/ احسب \widehat{DB}
- (3) المستقيم Δ يقطع المستقيم (BD) في N
أ/ بين أن I منتصف [MN] ب/ بين أن الرباعي AMBN معين

التمرين الثالث (وحدة قياس الطول هي الصم)

- (1) ارسم مثلثا ABC حيث $AB = 6$ و $BC = 8$ و $\widehat{ABC} = 60^\circ$ و لتكن I منتصف [BC]
- (2) أ/ ابن المستقيم Δ الموازي للمستقيم (AC) و المار من I . Δ يقطع (AB) في J
ب/ ابن النقطة D مناظرة J بالنسبة إلى I
ج/ احسب \widehat{BCD}
- (4) أ/ بين أن الرباعي AJDC متوازي أضلاع
ب/ استنتج أن $CD = 3$
- (5) المستقيم (AI) يقطع المستقيم (CD) في E . بين أن D منتصف [CE]

التمرين الرابع (وحدة قياس الطول هي الصم)

- (1) أ/ ابن ABCD شبه منحرف قائم في A و D حيث $AD = 4$ و $CD = 8$ و $\widehat{BCD} = 60^\circ$
و لتكن O منتصف [BC]
ب/ بين أن المستقيمين (AB) و (CD) متناظران بالنسبة إلى O
ج/ ابن النقطة E مناظرة A بالنسبة إلى O . بين أن E تنتمي إلى (DC)
- (2) لتكن I النقطة من [DC] حيث $BI = BC$
أ/ ابن النقطة J مناظرة I بالنسبة إلى O . احسب \widehat{B}
ب/ استنتج أن [BC] منصف \widehat{B}
- (3) لتكن K المسقط العمودي للنقطة B على (CD) المستقيم (OK) يقطع المستقيم (AB) في L .
أ/ بين أن L منتصف [BJ]
ب/ بين أن $LC = 4$

التمرين الخامس

- (1) احسب ما يلي : $17 - |13 - 19| + 6 + (-27)$ و $(-11) \times 6 \times (-25) \times (-1) \times 8$
(2) نعتبر العبارة التالية: $A = 2(-5 + b - 5a) - (4 + 3a)(b - 3)$ حيث $a \in \mathbb{Z}; b \in \mathbb{Z}$
أ/ بين أن $A = 2 - a - 2b - 3ab$

- ب/ احسب القيمة العددية للعبارة A اذا علمت أن $a = 3$ و $b = -5$
(3) أ/ انشر ثم اختصر العبارة $B = 3(-2a + 5) - 2b(1 + a) - ab$ حيث $a \in \mathbb{Z}; b \in \mathbb{Z}$
ب/ اذا علمت أن a عدد صحيح نسبي سالب قارن A و B

التمرين السادس

- نعتبر العبارتين : $A = 4x - [4 - (1 - 2x)] - x$ و $B = 3(2x - y - 11) - [-4x - (-y + 2x + 5)]$ حيث x و y عدنان صحيحان نسبيان

- (1) بين أن $A = x - 3$ و $B = 12x - 4y - 28$
(2) احسب القيمة العددية للعبارة B في حالة : $3x - y = -1$
(3) جد العدد الصحيح النسبي x في الحالتين التاليتين : أ/ $A = 0$ ب/ $|A| = 1$

التمرين السابع

- نعتبر العبارتين : $A = (x + 4)(2x - 7) - x - 4$ و $B = x - (2 + y) - [-5 + (x - y)] + (1 - x)$ حيث x و y عدنان صحيحان نسبيان

- (1) أ/ بين أن : $A = 2(x + 4)(x - 4)$
ب/ احسب القيمة العددية للعبارة A في حالة : $x = -3$
ج/ جد العدد الصحيح النسبي x في حالة $A = 0$
(2) أ/ بين أن : $B = 4 - x$

- ب/ جد العدد الصحيح النسبي x في كل حالة : * $B = -5$ ** $|B| = 4$
(3) لتكن $C = -15 + x(11 - 2y) - (5 - y)(2x - 4)$ حيث x عدد صحيح نسبي
أ/ بين أن $C = x - 4y + 5$ ب/ قارن C و B اذا علمت أن : $x - 2y = -3$

التمرين الثامن

- (1) احسب ما يلي : $13 - |-13| \times (7 - 8)$; $8 \times (-19) \times (-125) \times (-5)$
(2) باستعمال كل عدد من الأعداد -4 ; -75 ; 8 ; -5 ; 3 مرة واحدة فقط
و الأقواس و عمليات الضرب و الجمع و الطرح ، جد العدد (-256)

- (3) أ/ انشر ثم اختصر حيث $a \in \mathbb{Z}; b \in \mathbb{Z}$
 $3(2 - a + 5b) - 5 - a(b + 1)$; $5 - 2a(3 + b) - (1 - a)(2 - 3b)$
ب/ اكتب في صيغة جذاء العبارات التالية : حيث $a \in \mathbb{Z}; b \in \mathbb{Z}$

$$15 - 3a - (2a - 10)(2a - 1) ; 3b + ab - a - 3$$

- (4) ليكن x و y عددين صحيحين نسبيين. نعتبر العبارتين : $A = -3(1 - x) + y$ و $B = 4(1 - y) - 2x$
أ/ قارن بين A و B في الحالتين : أ/ $x + y = 7$ ب/ x و y متقابلان

التمرين التاسع

- نعتبر العبارات : $A = (x + 6)(x - 4)$ و $B = 12 - 3x$
و $C = x(11 - 2y) - (5 - y)(2x - 4)$ حيث x عدد صحيح نسبي

- (1) احسب القيمة العددية للعبارة A في حالة : $x = -7$
(2) أ/ بين أن : $A + B = (x - 4)(x + 3)$
ب/ جد العدد الصحيح النسبي x في حالة A و B متقابلان
(3) أ/ بين أن $C = x - 4y + 20$ ب/ قارن C و B في حالة : $x - y = -3$
ج/ احسب القيمة العددية للعبارة $B + C$ في حالة : $x + 2y = 5$

- على 8 هو 5 فإن باقي القسمة الإقليدية للعدد $a + b$ على 8 هو 4 / أ / ب / ج / د
 (8) العدد $1234a5b$ حيث a و b رقمان ، يقبل القسمة على 8 و 9 إذا كان
 / أ / $a = 4$ و $b = 6$ / ب / $a = 3$ و $b = 0$ / ج / $a = 1$ و $b = 2$
 (9) الفرق بين مربعي عددين فرديين متتالين ، يقبل القسمة على 8 / أ / ب / ج / د
 (10) إذا كان x عددا صحيحا نسبيا سالبا فإن $|2 - x| - 2$ يساوي / أ / x / ب / $4 - x$ / ج / $(-x)$
 (11) a و b عدنان صحيحان طبيعيين حيث $a + b = 64$ و $a + b = 8$ ق.م.أ. $(a; b)$ و $a < b$.
 عدد الأزواج (a, b) هو / أ / 2 / ب / 3 / ج / 4

a و b عدنان صحيحان طبيعيين حيث $a + b = 64$ و $a + b = 8$ ق.م.أ. $(a; b)$ و $a < b$.
 /* إذا كان $a + b = 64$ و $a + b = 8$ ق.م.أ. $(a; b)$ فإن $a = 8p$ و $b = 8q$ و p و q أوليان فيما بينهما
 /** لنا $a + b = 64$ و منه $a + b = 8p + 8q = 8(p + q) = 64$ و بالتالي $p + q = 8$

إذا $p = 1$ و $q = 7$ أو $p = 3$ و $q = 5$
 أي $a = 8$ و $b = 56$ أو $a = 24$ و $b = 40$ ($a < b$)

- (12) الأعداد الصحيحة النسبية التي تحقق : $1 = |5 - x| - 3$ هي : / أ / 3 و (-3) / ب / 3 و 7 / ج / 7 و (-3)
 (13) ليكن x و y عددين صحيحين سالبين حيث $|x| < |y|$ و z عدد صحيح نسبي حيث $x - z = -4$ فإن :
 / أ / $x < y < z$ / ب / $y < x < z$ / ج / $y < z < x$
 (14) القيمة العددية للعبارة $A = y(2 - 3x) - (3 - y)$ في حالة $x = 2$ و $y = -3$ هي :
 / أ / 12 / ب / -6 / ج / 6
 (15) تفكك العبارة $A = xy - x - y + 1$ إلى جزاء عوامل هو
 / أ / $x(y - 1) - (y + 1)$ / ب / $(y + 1)(x - 1)$ / ج / $(y - 1)(x - 1)$
 (16) ليكن x و y عددين صحيحين سالبين حيث $|x| < |y|$ فإن الكتابة $|x - y + 5|$ تساوي
 / أ / $x + y + 5$ / ب / $x - y + 5$ / ج / $y - x - 5$
 (17) تفكك العبارة $A = (2x + 4)(x - 2) - x - 2$ إلى جزاء عوامل هو
 / أ / $(x - 2)(2x - 3)$ / ب / $(x + 2)(2x - 5)$ / ج / $(x - 2)(2x + 3)$

التمرين الثاني

نعتبر المجموعتين: $A = \{-(-3); -4; 0; -7; \frac{12345678}{8}; \sqrt{25}\}$ و $B = \{|-5|; -8; 0; -4\}$
 (1) حدد عناصر المجموعات التالية
 $B \cap \mathbb{Z}; A \cup B; A \cap B; A \cap \mathbb{Z}_+$
 $A \cap B = \{5; 0; -4\}$ /** $A \cap \mathbb{Z}_+ = \{-(-3); 0; \sqrt{25}\}$
 $B \cap \mathbb{Z} = B$ /**** $A \cup B = \{-(-3); -4; 0; -7; \frac{12345678}{8}; \sqrt{25}; -8\}$ /***
 / ب / $F = \{x \in A \text{ حيث } |x| = 4\}$; $E = \{x \in B \text{ حيث } |x| < 5\}$
 $F = \{0; -4\}$ /** $E = \{-4\}$

(2) أتمم بأحد الرموز التالية : \in أو \notin أو \subset أو \supset أو \mathbb{Z} : $\frac{2}{8} \dots \mathbb{Z}$; $B \dots \mathbb{Z}_-$; $5 \dots A$; $B \dots A$; $A \dots \mathbb{Z}$; $B \notin \mathbb{Z}_-$; $\frac{2}{8} \notin \mathbb{Z}$; $5 \in A$; $B \not\subset A$; $A \not\subset \mathbb{Z}$

التمرين الأول

- على 8 هو 5 فإن باقي القسمة الإقليدية للعدد $a + b$ على 8 هو 4 / أ / 2 / ب / ج / 0 / د
 (8) العدد $1234a5b$ حيث a و b رقمان ، يقبل القسمة على 8 و 9 إذا كان
 / أ / $a = 4$ و $b = 6$ / ب / $a = 3$ و $b = 0$ / ج / $a = 1$ و $b = 2$
 (9) الفرق بين مربعي عددين فرديين متتالين ، يقبل القسمة على 8 / أ / 5 / ب / ج / 3
 (10) إذا كان x عددا صحيحا نسبيا سالبا فإن $|2 - x| - 2$ يساوي / أ / x / ب / $4 - x$ / ج / $(-x)$
 (11) a و b عدنان صحيحان طبيعيين حيث $a + b = 64$ و $a + b = 8$ ق.م.أ. $(a; b)$ و $a < b$.
 عدد الأزواج (a, b) هو / أ / 2 / ب / 3 / ج / 4

a و b عدنان صحيحان طبيعيين حيث $a + b = 64$ و $a + b = 8$ ق.م.أ. $(a; b)$ و $a < b$.
 /* إذا كان $a + b = 64$ و $a + b = 8$ ق.م.أ. $(a; b)$ فإن $a = 8p$ و $b = 8q$ و p و q أوليان فيما بينهما
 /** لنا $a + b = 64$ و منه $a + b = 8p + 8q = 8(p + q) = 64$ و بالتالي $p + q = 8$

إذا $p = 1$ و $q = 7$ أو $p = 3$ و $q = 5$
 أي $a = 8$ و $b = 56$ أو $a = 24$ و $b = 40$ ($a < b$)

- (12) الأعداد الصحيحة النسبية التي تحقق : $1 = |5 - x| - 3$ هي : / أ / 3 و (-3) / ب / 3 و 7 / ج / 7 و (-3)
 (13) ليكن x و y عددين صحيحين سالبين حيث $|x| < |y|$ و z عدد صحيح نسبي حيث $x - z = -4$ فإن :
 / أ / $x < y < z$ / ب / $y < x < z$ / ج / $y < z < x$
 (14) القيمة العددية للعبارة $A = y(2 - 3x) - (3 - y)$ في حالة $x = 2$ و $y = -3$ هي :
 / أ / 12 / ب / -6 / ج / 6
 (15) تفكيك العبارة $A = xy - x - y + 1$ إلى جداء عوامل هو
 / أ / $x(y - 1) - (y + 1)$ / ب / $(y + 1)(x - 1)$ / ج / $(y - 1)(x - 1)$
 (16) ليكن x و y عددين صحيحين سالبين حيث $|x| < |y|$ فإن الكتابة $|x - y + 5|$ تساوي
 / أ / $x + y + 5$ / ب / $x - y + 5$ / ج / $y - x - 5$
 (17) تفكيك العبارة $A = (2x + 4)(x - 2) - x - 2$ إلى جداء عوامل هو
 / أ / $(x - 2)(2x - 3)$ / ب / $(x + 2)(2x - 5)$ / ج / $(x - 2)(2x + 3)$

التمرين الثاني

نعتبر المجموعتين: $A = \{-(-3); -4; 0; -7; \frac{12345678}{8}; \sqrt{25}\}$ و $B = \{|-5|; -8; 0; -4\}$

(1) حدد عناصر المجموعات التالية

$B \cap \mathbb{Z}; A \cup B; A \cap B; A \cap \mathbb{Z}_+$

$A \cap B = \{5; 0; -4\}$ / ** $A \cap \mathbb{Z}_+ = \{-(-3); 0; \sqrt{25}\}$

$B \cap \mathbb{Z} = B$ / **** $A \cup B = \{-(-3); -4; 0; -7; \frac{12345678}{8}; \sqrt{25}; -8\}$ / ***

/ ب / $F = \{x \in B \text{ حيث } |x| < 5\}; E = \{x \in A \text{ حيث } |x| = 4\}$

$F = \{0; -4\}$ / ** $E = \{-4\}$

(2) أتمم بأحد الرموز التالية : \in أو \notin أو \subset أو \supset : $\frac{2}{8} \dots \mathbb{Z}; B \dots \mathbb{Z}_-; 5 \dots A; B \dots A$

$A \not\subset \mathbb{Z}; B \not\subset A; 5 \in A; B \not\subset \mathbb{Z}_-; \frac{2}{8} \notin \mathbb{Z}$

التمرين الأول

التمرين الأول

أجب بصواب أو خطأ

نجحني

- (1) العدد $1234a32$ حيث الرقم a زوجي ، يقبل القسمة على 8 صواب
- (2) إذا كان x عددا صحيحا نسبيا حيث $|-x + 1| = 4$ يعني $x = -3$ أو $x = 3$ خطأ
- (3) $\{-1; \frac{11223344}{8}; 0\} \notin \mathbb{Z}$ خطأ
- (4) $-17 - 11 - |-17| = -11$ خطأ
- (5) العدد $2016 - 10^{2016}$ يقبل القسمة على 8 صواب
- (6) كل عدد يقبل القسمة على 3 و 6 يقبل القسمة على 18 خطأ
- (7) $\{1, 5; |-4|; -\sqrt{9}\} \notin \mathbb{Z}$ صواب
- (8) العدد $5^{73} - 5^{71}$ يقبل القسمة على 8 صواب
- (9) جداء كل عددين زوجيين متتالين ، يقبل القسمة على 8 صواب
- (10) إذا كان x عددا صحيحا نسبيا سالبا و y عددا صحيحا نسبيا موجبا فإن $|y - x| = y - x$ صواب
- (11) العددان $14 - |-7|$ و $-14 - (-7)$ هما عددان متقابلان صواب
- (12) ليكن x و y عددين صحيحين نسبين حيث $x < y$ و $A = 2x + 3 - y$ و $B = 7 + y$ فإن $A > B$ خطأ
- (13) العدد $2018 - 8^{2017}$ يقبل القسمة على 8 خطأ
- (14) جداء كل عددين زوجيين متتالين هو عدد يقبل القسمة على 8 صواب
- (15) كل رباعي محدب به زاويتان متتاليتان متكاملتان هو شبه منحرف صواب
- (16) إذا كان x عددا صحيحا سالبا فإن $|-3x + 5| = 5 - 3x$ صواب
- (17) $(x + 3)(x - 3) - x - 3 = (x - 3)(x + 2)$ خطأ
- (18) لتكن x و y و z ثلاثة أعداد صحيحة نسبية حيث $x < y < z$ فإن $|2x - y - z| = y + z - 2x$ صواب
- (19) x و y عددان صحيحان سالبان حيث $|x| < |y|$ و $A = 2(x + 3) - y$ و $B = 4 + y$ فإن $A > B$ خطأ

II

يلي كل سؤال من أسئلة هذا التمرين ثلاث إجابات ، إحداهما فقط صحيحة.

اكتب على ورقة تحريرك ، في كل مرة ، رقم السؤال و الإجابة الصحيحة الموافقة له.

نجحني

- (1) ليكن x و y عددين صحيحين نسبين حيث $x < y$ فإن الكتابة $|x - y - 11|$ تساوي
 أ / $x + y + 11$ ب / $y - x + 11$ ج / $x - y - 11$
- (2) تفكيك العبارة $A = (2x + 8)(x - 4) - 3x - 12$ إلى جداء عوامل هو
 أ / $(x - 4)(2x + 5)$ ب / $(x + 4)(2x - 11)$ ج / $(x - 4)(2x - 11)$
- (3) العدد 639541123680 يقبل القسمة على
 أ / 8 و 25 ب / 3 و 4 ج / 2 و 9
- (4) القواسم الأولية للعدد $5^{103} - 2 \times 5^{100}$ هي
 أ / 5 و 2 ب / 5 و 123 ج / 5 و 3 و 4
- (5) إذا كان x و y و z ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية حيث $z - y = 1$ و $z - x = -1$ فإن :
 أ / $x < y < z$ ب / $y < x < z$ ج / $y < z < x$
- (6) ليكن a عددا صحيحا نسبيا فإن مقابل العدد $a - 2$ هو :
 أ / $a + 2$ ب / $-a - 2$ ج / $2 - a$
- (7) إذا كان باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي a على 8 هو 3 و باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي b

$$x = 9 \text{ يعني } 9 - x = 0 \text{ يعني } 4 + 5 - x = 0 \text{ يعني } 4 - x = -5 \text{ يعني } B = -5 \text{ /*}$$

$$4 - x = -4 \text{ أو } 4 - x = 4 \text{ يعني } B = -4 \text{ أو } B = 4 \text{ يعني } |B| = 4 \text{ /**}$$

$$x = 8 \text{ أو } x = 0 \text{ يعني } 8 - x = 0 \text{ أو } x = 0 \text{ يعني } 4 + 4 - x = 0 \text{ أو } 4 - 4 - x = 0 \text{ يعني}$$

$$(3) \text{ لتكن } C = -15 + x(11 - 2y) - (5 - y)(2x - 4) \text{ حيث } x \text{ عدد صحيح نسبي}$$

$$A \text{ بين أن } C = x - 4y + 5$$

$$C = -15 + x(11 - 2y) - (5 - y)(2x - 4)$$

$$= -15 + 11x - 2xy - (10x - 20 - 2xy + 4y)$$

$$= -15 + 11x - 2xy - 10x + 20 + 2xy - 4y = 11x - 10x - 4y + 20 - 15$$

$$C = x - 4y + 5$$

$$A \text{ /} \text{ قارن } C \text{ و } B \text{ إذا علمت أن } x - 2y = -3$$

$$\text{لنا } B - C = 4 - x - (x - 4y + 5) = 4 - x - x + 4y - 5 = -2x + 4y - 1$$

$$= -2(x - 2y) - 1 = -2 \times (-3) - 1 = 6 - 1 = 5$$

$$B > C \text{ يعني } B - C > 0$$

التمرين التاسع

$$\text{نعتبر العبارات : } B = 12 - 3x \text{ و } A = (x + 6)(x - 4)$$

$$\text{و } C = x(11 - 2y) - (5 - y)(2x - 4) \text{ حيث } x \text{ عدد صحيح نسبي}$$

$$(1) \text{ احسب القيمة العددية للعبارة } A \text{ في حالة } x = -7$$

$$A = 11$$

$$A = (x + 6)(x - 4) = (-7 + 6)(-7 - 4) = -1 \times (-11) = 11$$

$$(2) \text{ /} \text{ بين أن } A + B = (x - 4)(x + 3)$$

$$A + B = (x + 6)(x - 4) + 12 - 3x = (x + 6)(x - 4) - 3(x - 4) = (x - 4)(x + 6 - 3)$$

$$A + B = (x - 4)(x + 3)$$

$$A \text{ /} \text{ حد العدد الصحيح النسبي } x \text{ في حالة } A \text{ و } B \text{ متقابلان}$$

$$A \text{ و } B \text{ متقابلان يعني } A + B = 0 \text{ يعني } (x - 4)(x + 3) = 0 \text{ يعني } x - 4 = 0 \text{ أو } x + 3 = 0$$

$$\text{يعني } x = 4 \text{ أو } x = -3$$

$$(3) \text{ /} \text{ بين أن } C = x - 4y + 20$$

$$C = x(11 - 2y) - (5 - y)(2x - 4)$$

$$= 11x - 2xy - (10x - 20 - 2xy + 4y)$$

$$= 11x - 2xy - 10x + 20 + 2xy - 4y = 11x - 10x - 4y + 20$$

$$C = x - 4y + 20$$

$$A \text{ /} \text{ قارن } C \text{ و } B \text{ في حالة } x - y = -3$$

$$\text{لنا } B - C = 12 - 3x - (x - 4y + 20) = 12 - 3x - x + 4y - 20 = -4x + 4y - 8$$

$$= -4(x - y) - 8 = -4 \times (-3) - 8 = 12 - 8 = 4$$

$$B > C \text{ يعني } B - C > 0$$

$$A \text{ /} \text{ احسب القيمة العددية للعبارة } B + C \text{ في حالة } x + 2y = 5$$

$$B + C = 12 - 3x + (x - 4y + 20) = 12 - 3x + x - 4y + 20 = -2x - 4y + 32$$

$$= -2(x + 2y) + 32 = -2 \times 5 + 32 = -10 + 32 = 22$$

$$B + C = 22$$

التمرين الثاني (وحدة قياس الطول هي الصم)

1/ ارسم مثلثا ABC حيث $AB=6$ و $BC=3$ و $\widehat{ABC} = 30^\circ$

ب/ ابرهن المستقيم Δ المتوسط العمودي لـ $[AB]$

Δ يقطع (AB) في I و (AC) في M

ج/ احسب \widehat{BCI}

لنا المستقيم Δ المتوسط العمودي لـ $[AB]$ و Δ يقطع (AB) في I

و منه I منتصف $[AB]$

و بالتالي $AI = BI = \frac{AB}{2} = \frac{6}{2} = 3$ و منه $BC = BI = 3$

و بالتالي المثلث BCI متقايس الضلعين قمته الرئيسية B

و منه $\widehat{BCI} = \frac{180^\circ - \widehat{ABC}}{2} = \frac{180^\circ - 30^\circ}{2} = 75^\circ$

2/ ابرهن النقطة D منظر C بالنسبة إلى I

ب/ احسب AD

لنا A و D مناظرنا B و C على التوالي بالنسبة إلى I و منه $AD = BC = 3$ لان التناظر المركزي يحافظ على البعد

ج/ احسب \widehat{ADI}

لنا A و D و I مناظرات B و C و I على التوالي بالنسبة إلى I و منه منظر $[DA ; DI]$ الزاوية إلى I هي

الزاوية $[CB ; CI]$ و التناظر المركزي يحافظ على أقيسة الزوايا فإن $\widehat{ADI} = \widehat{BCI} = 75^\circ$

3/ المستقيم Δ يقطع المستقيم (BD) في N

ا/ بين ان I منتصف $[MN]$

لنا B و D مناظرنا A و C على التوالي بالنسبة إلى I و منه (BD) منظر (AC) بالنسبة إلى I

و بما ان M تنتمي إلى المستقيم (AC) فإن منظر M بالنسبة إلى I تنتمي إلى تقاطع (BD) و (MI)

(MI) و Δ (منطبقان) وهي N اذا N منظر M بالنسبة إلى I يعني I منتصف $[MN]$

ب/ بين ان الرباعي $AMBN$ معين

لنا A و M مناظرنا B و N على التوالي بالنسبة إلى I و منه $AM = BN$ و $AN = BM$

لان التناظر المركزي يحافظ على البعد . و المستقيم Δ المتوسط العمودي لـ $[AB]$ و $M \in \Delta$ فإن $AM = BM$

و بالتالي $BN = AM = BM = AN$ و منه الرباعي $AMBN$ معين