

أوظف التناسب في حساب السلم

المشكلة: يختص ديوان قيس الأراضي بانجاز تصاميم للأراضي في البلاد التونسية تعرف بالخرائط فيها تبرز حدود ملكية كل شخص أو مجموعة أفراد لقطعة أرض.

ماذا اعتمد المهندسون في انجاز هذه الرسوم ؟

كيف يتمكن مواطن من استخراج الأبعاد الحقيقية لأرضه انطلاقاً من الخريطة ؟

الفرضية 1: يمثل المهندس كل طول حقيقي بطول موافق له على التصميم

الفرضية 2: يمثل المهندس كل مساحة حقيقية بمساحة موافقة لها على التصميم

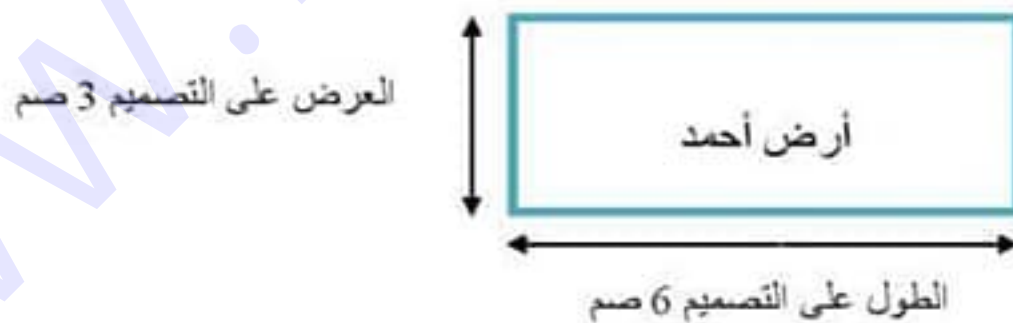
الفرضية 3: يعتمد المهندس على علاقة رياضية تمكنه من تصغير الأطوال الحقيقية ليحصل على أطوال على التصميم موافقة لها أو تكبير الأطوال المصغرة للحصول على الأبعاد الحقيقية.

بناء الحل:

الفرضية 1: يمثل المهندس كل طول حقيقي بطول موافق له على التصميم

النشاط 1: يملك أحمد قطعة أرض مستطيلة الشكل طولها 60 م و عرضها 30 م.

يمكن للمهندس تمثيل كل 10 م في الحقيقة بـ 1 سم على التصميم فيحصل على الشكل الآتي:



النشاط 2: أراد مهندس يشتغل لدى ديوان قيس الأراضي إتباع هذه الطريقة عند تمثيله لمجموعة من الأراضي المتجاورة أبعادها كالتالي: 156 م / 347 م / 500 م / 10 م / 15.289 م

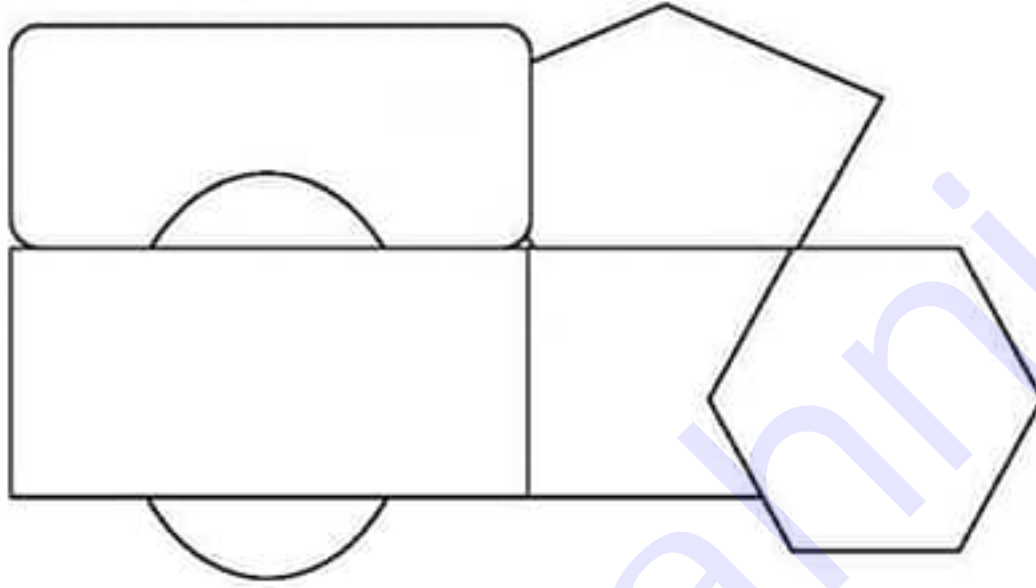
3 كم / 12.4 هم / 4756 دكم

فوجد صعوبة لإيجاد علاقة تمكنه من تصغير هذه الأبعاد و تكبيرها في نفس الوقت

الاستنتاج : لا يمكن تعميم هذه الطريقة في جميع الحالات فالمهندس الذي يريد انجاز خريطة لأراضي لها أبعاد مختلفة و مساحات مختلفة يجد صعوبة كبرى في الرسم.

الفرضية 2: يمثل المهندس كل مساحة حقيقية بمساحة موافقة لها على التصميم

هذا رسم لأراضي متجاورة

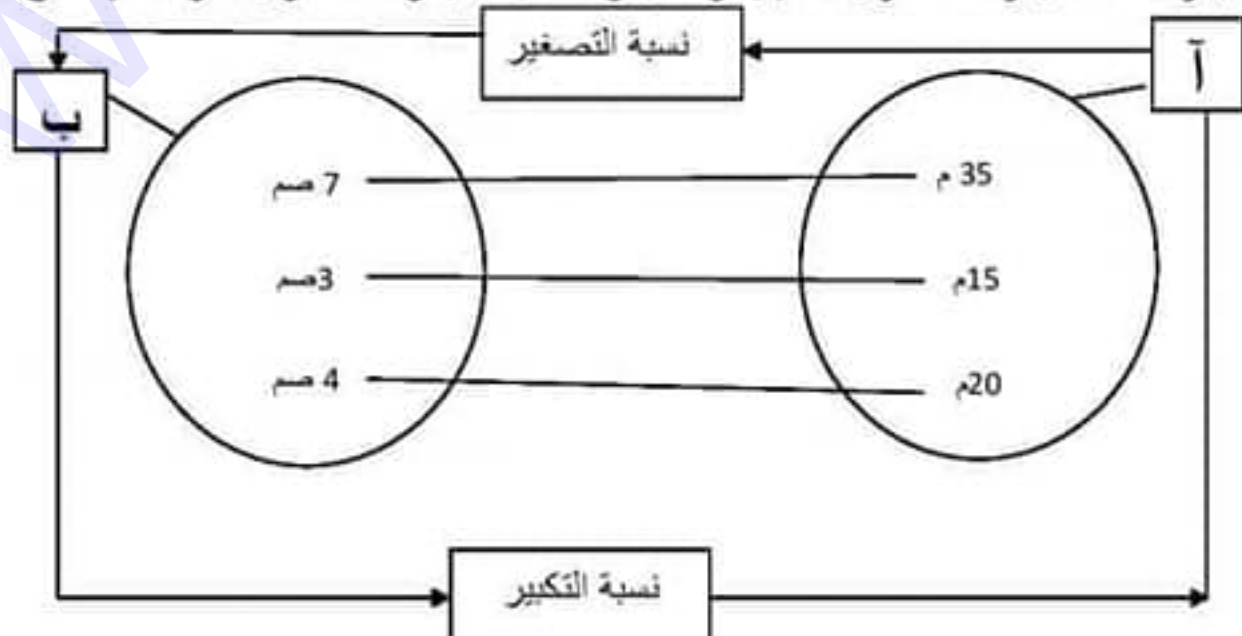


الملاحظة والاستنتاج: تختلف الأشكال عن بعضها و لا يمكن تحديد وحدة (تربيعة مثلا) يمكن أن يعتمدها المهندس في تمثيل كافة الأراضي بنفس النسبة.

الفرضية 3: يعتمد المهندس على علاقة رياضية تمكنه من تصغير الأطوال الحقيقية ليتحصل على أطوال على التصميم موافقة لها أو تكبير الأطوال المصغرة للحصول على الأبعاد الحقيقية.

النشاط:

لنعتبر المجموعة "أ" مجموعة الأطوال الحقيقية و المجموعة "ب" مجموعة الأطوال الموافقة لها على التصميم



✓ الأعداد في المجموعة "أ" تصغر بنفس النسبة و هي نسبة عكسية لأعداد المجموعة "ب"

✓ الأعداد في المجموعة "ب" تكبر بنفس النسبة و هي نسبة عكسية لأعداد المجموعة "أ"

✓ أعداد المجموعة "أ" متناسبة مع أعداد المجموعة "ب"

✓ للبحث عن نسبة التكبير نقسم البعد الحقيقي على البعد على التصميم الذي يوافقه

✓ للبحث عن نسبة التصغير نقسم البعد على التصميم على البعد الحقيقي الذي يوافقه

الخلاصة:

السلم هو عدد كسري يستعمل لتصغير أبعاد حقيقية لرسمها على ورقة أو خريطة.

كما أنه يستعمل للبحث عن أبعاد حقيقية انطلاقاً من أبعاد رسمت على تصميم.

ملاحظة 1: ما يميز هذا الكسر أن بسطه واحد و مقامه 10/100/1000/10000/100000 ...

ملاحظة 2: يستعمل السلم في تصغير أو تكبير الأبعاد فقط و لا يختص بالمساحات

كيف نبحث عن السلم؟

$$\text{السلم (الكسر)} = \frac{\text{البعد على التصميم}}{\text{البعد الحقيقي}} \quad (\text{القاعدة العلمية})$$

ما هي الأسئلة التي يمكن أن تطرح؟

المطلوب	المعطى 1	المعطى 2	القاعدة العلمية
السلم	البعد على التصميم	البعد الحقيقي	البعد على التصميم / البعد الحقيقي
البعد الحقيقي	البعد على التصميم	السلم	البعد على التصميم * مقلوب الكسر
البعد على التصميم	البعد الحقيقي	السلم	البعد الحقيقي * الكسر

الكسر هو نسبة التصغير (البعد على التصميم / البعد الحقيقي)

مقلوب الكسر هو نسبة التكبير (البعد الحقيقي / البعد على التصميم)